# 基于刚柔耦合的跨坐式单轨车辆受电弓疲劳分析\*

#### 杜子学 超 杨 震 周军超 许舟洲

(重庆交通大学轨道交通研究院,400074,重庆//第一作者,教授)

摘 要 针对跨坐式单轨车辆受电弓在运行时出现断弓的 问题,依靠固定界面模态综合法,建立该型跨坐式单轨车辆 弓网刚柔耦合多体动力学模型,并通过与测试试验的对比验 证了模型的正确性。探讨了各杆件的动应力响应,得到了各 杆件的振动特性,并采用准静态应力叠加法对受电弓进行了 疲劳强度分析。仿真结果与该型单轨受电弓的实际断弓位置 相吻合,从而验证了基于刚柔耦合模型对受电弓进行疲劳分 析的正确性。

关键词 跨坐式单轨;车辆受电弓;多体动力学;刚柔耦合 模型;疲劳强度

中图分类号 U266.23<sup>+</sup>4; U232

**DOI:** 10.16037/j.1007-869x.2021.01.004

#### Fatigue Analysis of Pantograph for Straddle Monorail Vehicle Based on Rigid-flexible Coupling

DU Zixue, HE Chao, YANG Zhen, ZHOU Junchao, XU Zhou zhou

Abstract Targeting the broken bow problem of straddle monorail vehicle pantograph during operation, relying on fixed interface modal synthesis method, rigid -flexible coupling multi-body dynamics model of the straddle monorail vehicle pantograph is established, and the correctness of the model is verified by comparison with the test experiment. The dynamic stress response of each rod is discussed, and the vibration characteristics of each rod are obtained. The fatigue strength of the pantograph is analyzed by quasi-static stress superposition method. The simulation results are consistent with the actual broken position of the pantograph, which verifies the correctness of the fatigue analysis of the pantograph based on the rigidflexible coupling model.

Key words straddle monorail; vehicle pantograph; multibody dynamics; rigid-flexible coupling model; fatigue strength Author's address Research Institute of Rail Transit, Chongging Jiaotong University, 400074, Chongging, China

跨坐式单轨车辆受电弓是安装在跨坐式单轨车 上的一种从刚性接触网上受取电流的受流装置,为

车辆各系统的正常平稳运行提供能量输入与保障。 由于跨坐式单轨交通的独特走行机理(采用橡胶充 气轮胎作为走行轮, 其走行方式不同于传统地铁车 辆钢轮钢轨的走行方式)和单轨受电弓的安装位置 (其安装在跨坐式单轨车辆转向架侧面,不同于地铁 车辆受电弓安装在地铁车辆车顶的安装方式),所以 跨坐式单轨车辆受电弓的侧向受流不同于铁道车辆 受电弓的垂向受流方式,受电弓的受力情况也不同。 目前,国内某单轨线路的单轨车辆受电弓在运行过 程中出现过多次断弓现象[1],其实际使用寿命远小 于设计寿命。该现象不但会增加轨道交通的运行成 本,甚至还会出现列车停运、旅客滞留,以及安全救 援等一系列严重问题。因此,对跨坐式单轨车辆受电 弓进行结构强度分析和疲劳分析尤为重要。

目前,国内外对跨坐式单轨车辆弓网耦合以及 疲劳强度的研究还很少,但是国内外有大量学者对 高铁或者地铁车辆受电弓进行了研究[2-4]。虽然跨 坐式单轨车辆受电弓与地铁车辆受电弓的弓网耦合 机理不同,但工作原理类似,因此这些方法同样可以 应用于跨坐式单轨车辆受电弓的分析与研究中。目 前,国内外主要通过试验[5]和仿真[6-7]两种方法来 对结构的疲劳进行分析。线路实测动应力试验及疲 劳试验比较昂贵,且线路实测动应力试验受线路、气 候条件的影响较大[8]。而仿真主要依靠多体动力学 仿真联合有限元分析的准静态叠加法来实现结构的 动应力计算,因此该方法更为经济高效。本文依靠多 体系统动力学建模理论与有限元相结合的方法,建 立了跨坐式单轨车辆弓网刚柔耦合动力学模型,并 通过实测试验与仿真结果的对比验证了模型的正确 性。通过仿真计算后得到了各柔性杆件的最大应力 点及应力集中区域,输出了各柔性杆件的较大应力 节点的动应力;同时以输出单轨受电弓的弓网接触 力作为载荷谱,通过准静态应力叠加法对受电弓进

<sup>\*</sup>国家自然科学基金项目(51475062);重庆市研究生科研创新项目(2108B0107)

行疲劳强度分析。

### 1 跨坐式单轨受电弓柔性构件的建立

#### 1.1 跨坐式单轨车辆受电弓运动机理分析

跨坐式单轨车辆受电弓主要是由图 1 中所示的 上支撑、下支撑、连接杆、平衡杆、偏心轴、支撑板、弓 头及升弓弹簧等组成。由上述杆件及安装底板构成 了一种双四杆机构,通过该机构及偏心轴的调节可 以使弓头在保持良好的水平角度关系的同时实现在 竖向上的自由升降;同时由升弓弹簧的拉伸变形向 下支撑提供拉力, 使整个受电弓弓头保持向上运动 的趋势,这样可使弓头与接触网始终保持接触,并提 供相应的接触力。

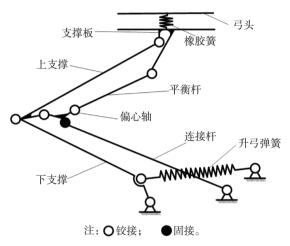


图 1 跨坐式单轨车辆受电弓结构示意图

因此,在设计跨坐式单轨车辆受电弓时,只要受 电弓主要杆件的形状尺寸及弹簧参数(刚度、阻尼 等) 洗取合适, 就能保证受电弓与接触网在静止状态 下实现良好的接触与接触力。本文以国内某单轨车 辆受电弓为研究对象,建立跨坐式单轨车辆受电弓 简化模型如图 2 所示。

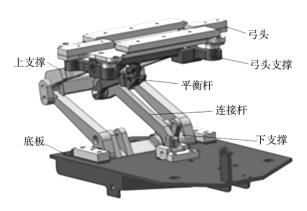


图 2 跨坐式单轨车辆受电弓简化模型

#### 1.2 柔体动力学理论

柔性体理论主要基于固定界面模态综合法[9]. 其基本思想是赋予柔性体一个模态集,采用模态法 展开,用模态向量和模态坐标的线性组合表示物体 的弹性位移, 通过计算每一时刻物体的弹性位移来 表示其形变, 令柔性部件 a 的界面固定, 并建立其模 态矩阵 $\phi_{aa}$ 

$$\boldsymbol{\phi}_{a} = \left[ \boldsymbol{\phi}_{i,n}, \boldsymbol{\phi}_{i,c} \right] \tag{1}$$

式中:

 $\phi_{i,n}$  — 部件的主模态矩阵:

在柔性体的建模中,需要通过一些点(自由度) 用运动副和其它构件进行连接,或者进行位移约束。 称这些点为外连接点和内部点。同时可以得到两种 模态:约束模态和固定外连接点的正交模态。这样, 构件的变形位移可以表示为

$$u = \begin{cases} u_{b} \\ u_{i} \end{cases} = \begin{bmatrix} \mathbf{I} & \mathbf{0} \\ \boldsymbol{\phi}_{i, \mathbf{n}} & \boldsymbol{\phi}_{i, \mathbf{c}} \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} q_{c} \\ q_{n} \end{bmatrix}$$
 (2)

式中:

 $u_b, u_i$  ——分别表示外连点和内部点的位移;

I和0—分别表示单位矩阵和零矩阵;

 $q_c$ —约束模态;

 $q_n$ ——正交没药的模态坐标值。

从而可以得到一个刚度矩阵和质量矩阵

$$\mathbf{K} = \begin{bmatrix} \mathbf{K}_{c,c} & 0 \\ 0 & \mathbf{K}_{c,c} \end{bmatrix}$$
 (3)

$$\mathbf{M} = \begin{bmatrix} \mathbf{M}_{c,c} & \mathbf{M}_{n,c} \\ \mathbf{M}_{c,n} & \mathbf{M}_{n,n} \end{bmatrix} \tag{4}$$

式中:

K——约束刚度矩阵:

M——约束质量矩阵;

下标 c——约束:

下标 n——正交。

通过转换可以得到柔体的运动方程

$$\mathbf{M}\ddot{S} + \mathbf{K}S = f(\theta, t) \tag{5}$$

式中:

S---运动位移;

f——包含了柔性体约束模态力和固有模态力 的函数:

 $\theta$  —— 多体系统状态变量;

t ——时间变量。

因为模态矩阵中存在惯性耦合, 需对其进行正 则化转换来消除刚体模态,重新带入柔性多体系统 中。采用拉格朗目函数建立该柔性多体系统的方程, 从而得到系统的解。

#### 1.3 建立单轨车辆受电弓柔性杆件

单轨车辆受电弓各主要杆件的材料主要采用铝 合金,其弹性模量为 70 MPa, 泊松比为 0.33, 密度为 2700 kg/m³。对以往单轨车辆受电弓出现的断弓进 行分析后发现,断弓位置主要在上支撑、下支撑、连 接杆及平衡杆。故诵讨有限元软件对上述杆件进行 网格划分,其网格均为四面体和六面体,并采用蜘蛛 网法建立各杆件的交互点,根据模态综合法,最终得 到仿真需要的各柔性杆件。

### 2 单轨车辆弓网刚柔耦合动力学模型的建 立与分析

#### 2.1 建立单轨车辆弓网刚柔耦合动力学模型

根据该型跨坐式单轨车辆真实的结构参数和动 力学参数,依次对单轨车辆的转向架构架、车体、二 系悬挂、轮轨耦合,以及受电弓进行动力学建模。建 立单轨车辆弓网耦合多刚体动力学模型后,使用上 文所得到的受电弓柔性杆件替代多刚体模型中的刚 体构件,得到跨坐式单轨车辆受电弓弓网刚柔耦合 动力学模型,如图 3 所示。

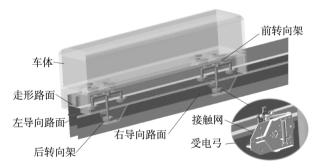


图 3 单轨车辆号网刚柔耦合动力学模型

以该型单轨车辆在满载以 43 km/h 的速度通过 单轨车辆最小转弯半径(R = 100 m)作为仿真边界 条件,并以 A 级路面作为轨道激励进行仿真。

#### 2.2 仿真与试验数据对比

跨坐式单轨车辆在运行时, 受电弓的整个弓体 始终带有 1500 V 的高压电, 因此无法直接对单轨 车辆受电弓本身进行测量。因为跨坐式单轨车辆受 电弓是通过绝缘座安装在转向架上, 受电弓的振动 与转向架绝缘座的振动具有相似性, 所以可以通过 对转向架绝缘座的振动加速度测试来反应受电弓的 振动。通过对重庆市轨道交通3号线的测试,跨坐式 单轨车辆在 40 km/h 速度下的绝缘座振动加速度的 频谱图如图 4 所示。从图 4 中可以看出,单轨车辆受 电弓的振动主要为低频振动。

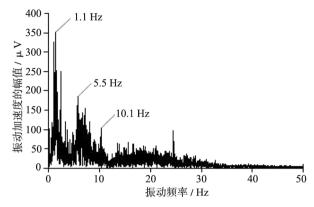


图 4 绝缘座测试加速度频谱图

通过对跨坐式单轨车辆弓网刚柔耦合动力学 模型的仿真分析,得到与受电弓安装底板相连的绝 缘座的加速度频谱图(见图 5)。对图 4、图 5 进行对 比分析可以看出,测试数据因存在干扰信号杂波较 多,但主要峰值还是非常相近,在1Hz、5Hz以及 10 Hz 左右均有波峰,均为低频振动。因此可以看 出,动力学模型能较好地反应受电弓的真实振动,故 建立的单轨车辆受电弓刚柔耦合动力学模型是正 确的。

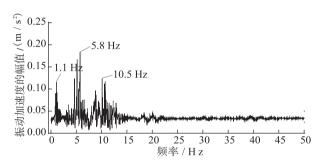
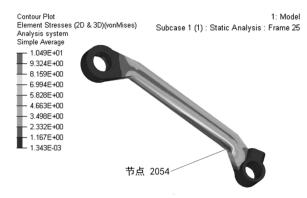


图 5 动力学模型中绝缘座加速度频谱图

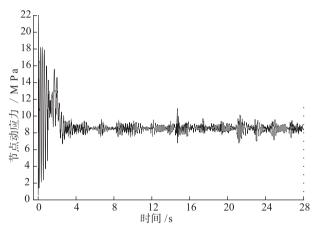
#### 3 跨坐式单轨车辆受电弓结构强度分析

该型单轨车辆以 43 km/h (曲线半径为 100 m 的极限通过速度)速度通过半径为 100 m 的曲线作 为仿真边界条件,并以 A 级路面作为轨道激励进行 仿真。通过有限元软件,对跨坐式单轨车辆匀速运行 的工况下对单轨车辆受电弓进行结构静强度分析, 得到受电弓各主要杆件的应力云图,并得到各杆件 的最大应力点。在动力学软件中输出各个杆件最大 应力点的动应力图,如图 6~11 所示。

由图 6、图 8、图 10 可知,在此工况下最大应力 出现在上支撑节点 5 374 处,为 10.71 MPa。通过对



单轨车辆受电弓连接杆应力分布云图



连接杆节点 2054 的动应力分布图



单轨受电弓上支撑应力分布云图

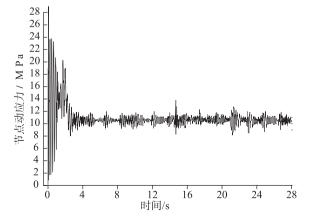
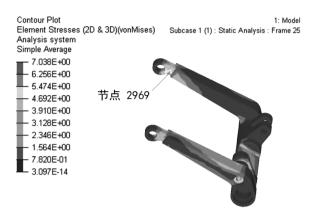
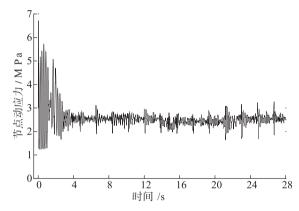


图 9 上支撑节点 5073 的动应力分布图



单轨受电弓下支撑应力分布云图



下支撑节点 2969 的动应力分布图

上述应力云图的分析可以看出,连接杆、上支撑和下 支撑的最大应力点均与重庆市轨道交通线路出现的 受电弓断弓位置相似。由图 7、图 9 和图 11 可知,开 始仿真初期,受电弓受到冲击,应力值与应力波动均 较大,但是当车辆运行平稳后,应力值均在有限元计 算结果范围内波动,但是波动幅度不大。

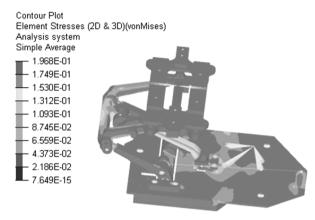
### 基于准静态应力叠加法的跨坐式单轨车 辆受电弓疲劳强度分析

准静态应力叠加法[10]的主要思想是,计算特定 载荷工况下在任一时刻的相同结构位置和相同方向 作用的单位静态载荷所引起的弹性应力应变状态, 然后将其与对应的实测或动力学仿真获得的载荷谱 按时间叠加得到结构的动应力。再结合材料的应 力-应变曲线,并修正平均应力,最后依据线性损伤 累计原则对结构开展疲劳强度分析。

### 单位载荷作用下单轨车辆受电弓结构惯性释 放的有限元分析

惯性释放的原理是用结构的惯性(质量)来平衡 外力。在有限元分析时使得构件在没有约束或者约 束不足时,乃假设其处于一种"静态"平衡状态。对单

轨车辆受电弓弓头施加竖向和横向单位载荷. 其应 力、应变云图如图 12、图 13 所示。



在横向单位载荷下受电弓的应力应变云图

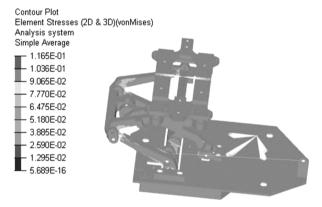


图 13 在竖向单位载荷下受电弓的应力应变云图

从图 12、13 中可以看出,在横向单位载荷下,受 电弓的应力应变主要集中在连接杆的下部弯弧处、 下支撑上方的铰接孔弯弧处及上支撑的偏心轴弯弧 处;在竖向单位载荷下,单轨车辆受电弓的应力主要 集中在下支撑上方的铰接孔弯弧处。

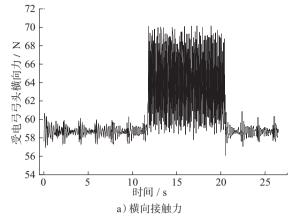
#### 4.2 单轨车辆受电弓弓头边界载荷的计算

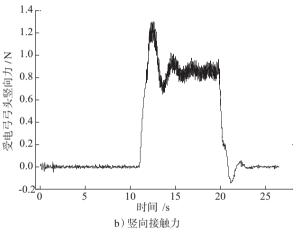
依据建立的跨坐式单轨车辆受电弓弓网刚柔耦 合动力学模型,根据该型车辆实际的运行线路参数 建立曲线半径为 100 m 的弯道线路, 以该半径下的 极限运行速度 43 km/h 运行。采用 A 级路面作为路 面激励,得到受电弓弓头的横向力和竖向力如图 14 所示。

#### 4.3 跨坐式单轨车辆受电弓疲劳强度分析

根据上述得到的单位载荷下的单轨车辆受电弓 有限元分析结果,以及动力学仿真得到的运行边界 载荷,利用 nCode 软件仿真得到的跨坐式单轨受电 弓疲劳寿命分布云图如图 15 所示。

由图 15 可知, 跨坐式单轨车辆受电弓的底板以





跨坐式单轨车辆受电弓弓头接触力

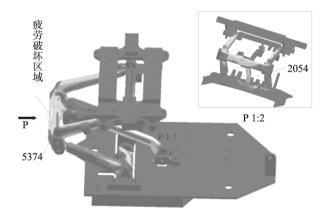


图 15 跨坐式单轨受电弓疲劳寿命分布云图

及弓头等构件为无限寿命,最先出现疲劳破坏的位 置是上支撑的轴承座弯弧处及连接杆的下部弯弧 处。通过仿真得到的疲劳强度结果与现实中多次出 现断弓的位置(如图 16 所示)相吻合。因此可以得 出:基于刚柔耦合动力学对跨坐式单轨车辆受电弓 进行疲劳分析的方法是正确可行的,同时后续研究 可以对上述位置的结构进行优化,以降低受电弓的 断弓率,从而提高单轨车辆的运行安全性和稳定性, 也可以降低运行成本。

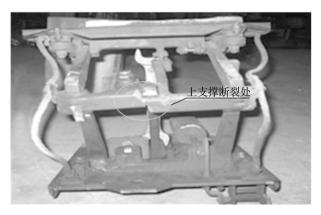


图 16 受电弓的真实断裂情况

#### 5 结语

本文基于跨坐式单轨车辆受电弓的机构运动学 原理,以某国产受电弓为研究对象建立了跨坐式单 轨车辆受电弓模型,并依靠多体系统动力学建模理 论与有限元相结合的方法,建立了跨坐式单轨车辆 弓网刚柔耦合动力学模型。通过仿真计算得出以下 结论:

- 1) 对正常匀速运行工况下的单轨车辆受电弓 静强度进行了分析,得到了受电弓各杆件的应力分 布云图,其最大应力为 10.7 MPa。通过刚柔耦合动 力学仿真得到了受电弓以 43 km/h 的速度通过半径 为 100 m 弯道时的最大动应力为 28 MPa。上述应力 值均小于材料的抗拉极限值 180 MPa, 符合材料静 强度要求。
- 2) 采用准静态应力叠加法对跨坐式单轨车辆 受电弓进行了疲劳强度分析,得出了受电弓最容易 产生疲劳破坏的位置是上支撑轴承座弯弧处与连接

杆的下部弯弧处。并通过与真实断弓位置进行了对 比,验证了基于刚柔耦合对单轨车辆受电弓进行疲 劳分析方法的正确性。

#### 参考文献

- [1] 段友丽.重庆跨坐式单轨车受电弓失效分析 [D].重庆:重庆大 学, 2009.
- [2] 吴燕,吴俊勇,郑积浩.高速弓网系统动态振动性能的仿真研究 [J].铁道学报,2009(5):113.
- [3] 周宁,邹欢,邹栋.城市轨道交通弓网系统仿真模型适应性研 究[J]成都:西南交通大学学报,2017(2):408.
- [4] 王世轩,吕青松,李瑞平.二维和三维弓网耦合动力学模型适 用性分析 [J].铁道机车车辆, 2014(3):130.
- [5] CHEN Xin, XIANG Changle. New fatigue test and statistical method for metalic materials used in vehicle transmisions [J]. Journal of Beijing Institute of Technology, 1999(2): 39.
- [ 6 ] WANNENBURG J, HEYNS PS, RAATH AD. Application of a fatigue equivalent static load methodology for the numerical durability assessment of heavy vehicle structures [J]. International Journal of Fatigue, 2009 (10): 1541.
- [7] GROVE A P, VAN T F, HEYNS P S. A critical investigation of techniques for stress determination and equivalent static analysis in fatigue life estimation [J]. Fatigue & Fracture of Engineering Materials & Structures, 2010, 30(11): 1030.
- [8] 廖爱华,黄旭,方宇.基于刚柔耦合的轨道车辆转向架构架疲 劳分析 [J].振动、测试与诊断,2017(2):392.
- [9] 李兴泉,邓兆祥,李传兵,等.模态综合的子结构主模态截断方 法[J].西南交通大学学报,2014(1):173.
- [ 10 ] BAYRAKTAR M, TAHRALI N, GUCLU R. Reliability and fatigue life evaluation of railway axles [J]. Journal of Mechanical Science & Technology, 2010, 24(3):671.

(收稿日期:2019-02-26)

## 2020 年全国铁路新增里程超 4 800 km

2020年,全国铁路新增运营里程超过 4 800 km,进一步织密了"八纵八横"高铁网。临近岁末,江苏盐城 至南通高速铁路、云南大理至临沧铁路同日开通运营,我国铁路一天之内新增运营里程 360 km。2020 年,国 铁集团克服疫情影响,有序推进重点工程建设,新开工项目16个,川藏铁路雅安至林芝段开工建设,京雄城 际、银西高铁、郑太高铁、连镇高铁、京港高铁商合段、沪苏通铁路、格库铁路等29条新线顺利开通运营,累计 投产里程超 4 800 km。我国铁路网规模和质量显著提升,"八纵八横"高铁网越织越密。2021 年春运前,京哈 高铁北京到承德段也将投入运营,"八纵八横"高铁网中的京哈-京港澳通道全部贯通,也将为即将开启的春 运提供运力保障,进一步缓解春运客流压力。

(摘自 2021 年 12 月 31 日央视新闻网)